

範圍:第一冊單元 4~單元 7

一、是非題(一題 2 分)

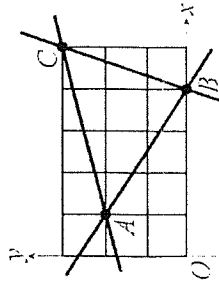
1. () 方程式 $x^2 + y^2 - 2x + 4y + k = 0$ 的圖形一定是一個圓。
2. () 圓 $\sqrt{(x-2)^2 + (y+3)^2} = 2$ 的半徑是 $\sqrt{2}$
3. () 直線 $x + 2y + 3 = 0$ 與 $x + 2y + 5 = 0$ 的距離是 2。
4. () 兩點 $A(1, 3), B(0, 4)$, $\overline{AB}$ 的中垂線的斜率是 1
5. () 圓 $(x-2)^2 + (y+4)^2 = 4$ 與 x 軸、 y 軸都相切。

二、單選題(一題 4 分)

1. () 已知點 $A(1, 1)$, $B(-3, -3)$ 分別在圓 $(x-1)^2 + y^2 = k$ 的內部與外部, 則 k 值的範圍為下列哪一個選項? (A) $1 < k < 5$ (B) $1 < k < 25$ (C) $0 < k < 4$ (D) $0 < k < 16$ (E) $4 < k < 36$
2. () 在坐標平面上, 以 $(1, 1)$, $(-1, 1)$, $(-1, -1)$ 及 $(1, -1)$ 等四個點為頂點的正方形, 與圓 $x^2 + y^2 + 2x + 2y - 6 = 0$ 有幾個交點? (A) 1 個 (B) 2 個 (C) 3 個 (D) 4 個 (E) 0 個

三、多選題(每題 4 分; 全對 4 分, 錯一個 2 分; 其他 0 分)

1. () 如圖, 設 $A(1, 2), B(4, 0), C(5, 3)$ 為坐標平面上三點, 且直線 AB 、直線 BC 、直線 AC 的斜率分別為 m_1, m_2, m_3 。選出所有正確的選項。



- (A) $m_1 > 0$ (B) $m_2 > 0$ (C) $m_2 m_3 > 0$ (D) $\overline{AB} : y - 2 = -\frac{2}{3}(x - 1)$ (E) 在 $\triangle ABC$ 中, 若以 $\overline{AB}$ 為底, 則高為 $\frac{11}{\sqrt{13}}$
2. () 已知直線 $L: 2x - 3y = -4$ 將坐標平面上 L 以外的部分分成兩個半平面, 求下列選項中哪些點與原點 $(0, 0)$ 位在同一个半平面? (A) $(1, 2)$ (B) $(2, 3)$ (C) $(3, 4)$ (D) $(4, 3)$ (E) $(3, 2)$
 3. () 設直線 $L_1: x - 2y + 3 = 0; L_2: y = \frac{1}{2}x + 7; L_3: y + 1 = -2(x + 5)$, 請選出正確的選項 (A) L_1 斜率為 2 (B) L_1 的截距式是 $\frac{x}{-6} + \frac{y}{3} = 0$ (C) $L_1 \parallel L_2$ (D) 點 $P(-1, -2)$ 在 L_1 上 (E) $L_2 \perp L_3$

四、填充題(共 52 分)

1. 過兩直線 $x - 2y = 1, x + 4y - 3 = 0$ 的交點且與 $3x - 2y = 0$ 平行的直線方程式
2. (1) 已知圓 C 是通過 $A(4, 1), B(3, 0)$ 兩點且圓心在 y 軸的圓, 求其方程式?
(2) 過原點且圓心是 $(-2, 1)$ 的圓方程式為_____。
3. 已知圓 $C: x^2 + (y + 2)^2 = 2$ 與直線 $L: x + y + k = 0$ 相割, 求實數 k 的範圍?
4. (1) 點 $P(-2, 3)$ 對於 $x - y = 0$ 的對稱點 Q (2) 點 $P(-2, 3)$ 對於 y 軸的對稱點 R
5. 坐標平面上, 一圓與直線 $x - y = 1$ 以及直線所截 $x - y = 9$ 的弦長皆為 14。則此圓的半徑?
6. (1) 2^{40} 是幾位數? (2) 3^{-20} 是小數點後第幾位開始不為 0? ($\log 2 = 0.3010; \log 3 = 0.4771$)
7. 將 34506112236789 寫成科學記號且有效數字 4 位?
8. 已知 $b = \log 2$, 求 $1000^b + 10^{2b-1} - 10^{-b} = ?$
9. 求 $10^{\log 7} + \log \sqrt{10} - \log 100 = ?$
10. 已知圓 $C: (x-1)^2 + (y+2)^2 = 5$, 求斜率為 2 且與圓 C 相切的直線 L 的方程式?

五、計算題(每題 6 分)

1. 圖示二元一次不等式 $\begin{cases} x+3>0 \\ 2x+y+4\leq 0 \end{cases}$ 的解
2. 已知圓C: $(x-1)^2 + y^2 = 10$, 求過圓上一點P(4,1)的切線方程式?
3. 過點 P(0,6)與圓 $x^2 + y^2 + 4x - 6y + 9 = 0$ 相切的直線方程式?

113 學年度上學期第一次段考普一(401~407)數學試題

範圍:第一冊(單元 4~單元 7)

班級: 姓名: 座號:

一、是非題(一題 2 分)

1	2	3	4	5
---	---	---	---	---

二單選題

1	2
---	---

三多選題

1	2	3
---	---	---

四填充題

1	2(1)		2(2)
3	4(1) $\mathbb{Q}$		4(2) $\mathbb{R}$
5	6(1)		6(2)
7	8		9

五計算題(需計算過程)每題 6 分

1	2	
3		

考試範圍：數學三 A 指對數函數

科目代碼：

座號：

姓名：

注意：1. 請使用藍色或黑色墨水的筆在答案卷上作答才給分，試卷共 4 頁。

2. 答案要化為最簡式，如：不能以 $\frac{1}{\sqrt{2}}$ 作答，必須有理化為 $\frac{\sqrt{2}}{2}$ ； $\frac{6}{4} = \frac{3}{2}$ ， $2^2 = 4$ ， $\sqrt{16} = 4$ ，

$$\log_3 8 = 3 \log_3 2 \text{ 作答。}$$

3. 作圖題請以鉛筆作答。

一、填充題：第 5 題，每格 2 分，第 8 題，每格 3 分，其餘每題 6 分；共 48 分。

1. 解不等式 $(\frac{1}{25})^x - 4(\frac{1}{5})^x - 5 \leq 0$ _____。 習作 2-1-07

2. 試求 $\log_3 6 + \log_3 54 - \log_3 24 - \log_3 \frac{1}{2} =$ _____。 基講 2-2-04

3. 試求 $5^{\frac{1}{\log 5}} \times \log_4 9 \times \log_3 5 \times \log_5 8 =$ _____。 基講 2-2-05

4. 解方程式 $\log_4 (x+4) + \log_4 (x-2) = 2$ 。 $x =$ _____。 講義 2-3-07

5. 解方程式 $5^{x-3} = 32$ ，若 $x = a + b \log_5 c$ ，則 $a =$ _____， $b =$ _____， $c =$ _____。 習作 2-2-06

6. 設 $a = \log_3 5$, $b = \log_5 7$, 試以 a, b 表示 $\log_{35} \frac{25}{63} =$ _____ 。

7. 目前國際上通用芮氏規模(m)來描述地震強度。若 r 代表地震所釋放出來的能量(單位:焦耳)，根據地震學家所提出的公式為： $\log r = 1.5m + 4.8$ 。西元 1999 年的 921 大地震的芮氏規模為 7.3，若其釋放出的能量是西元 2019 年花蓮大地震的芮氏規模 6.1 地震的 10^7 倍，則 $T =$ _____。 基講 2-4-04

8. 已知 $1 \leq x \leq 3$ ，若 $f(x) = 4^x - 2^{x+2} - 5$ 的最大值為 M ，最小值 m ，試求 $M =$ _____， $m =$ _____。

二、多選題：每題 6 分，共 36 分；答錯 1 個選項得 4 分，答錯 2 個選項得 2 分，答錯 3 個(含)選項以上或未作答得 0 分。

1. 下列哪些數值與 $\log 57.4$ 的差為整數？

- (A) 5.74 (B) $\log 57400$ (C) $\log \frac{1}{57.4}$ (D) $\log 57.4^5$ (E) $\log 0.0574$

2. 下列選項哪些是正確的？

- (A) $\log_{15} 5 = 1 - \log_{15} 3$ (B) $\log_8 16 = 2$ (C) $\frac{\log_3 2}{\log_9 8} = \frac{2}{3}$ (D) $\log_2 (-3)^2 = 2 \log_2 (-3)$ (E) $\log_3 5 = \log_{3+i} (5+1)$

3. 下列函數 $f(x)$ ，哪些選項是“指數型成長”？

(A)

x	1	2	3	4
$f(x)$	1	3	5	7

(B)

x	1	2	3	4
$f(x)$	8	4	2	1

(C)

x	1	2	3	4
$f(x)$	0.2	0.4	0.8	1.6

(D)

x	1	2	3	4
$f(x)$	0.2	0.04	0.008	0.016

(E)

x	1	2	3	4
$f(x)$	4	10	28	82

4. 將 $(\frac{1}{2})^{60}$ 以科學記號表示： $(\frac{1}{2})^{60} = a \times 10^n$ ，其中 $1 \leq a < 10$ ， n 為整數，試選出正確的選項。

(參考數值： $\log 2 \approx 0.3010$ ， $\log 3 \approx 0.4771$ ， $\log 7 \approx 0.8451$)

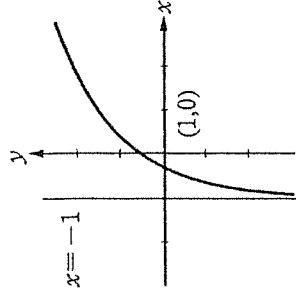
(A) $n = -18$ (B) $(\frac{1}{2})^{60}$ 乘開後在小數點後會連續出現 18 個 0 (C) a 的整數部分為 8

(D) $(\frac{1}{2})^{60}$ 在小數點後最後出現非零的數字為 5 (E) 2^{60} 在乘開後為 18 位數

5. 下列各數何者為正數？

(A) $\log_2 7 - \log_2 3$ (B) $\log_{0.5} 7 - \log_{0.5} 3$ (C) $\log_2 \frac{1}{7}$ (D) $\log_{0.5} 1$ (E) $\log_{0.5} 0.3$

6. 若對數函數 $y = f(x) = \log_b a(x-c)$ 的圖形如附圖，其中 a, b, c 皆為常數，且直線 $x = -1$ 為函數 $y = f(x)$ 的漸近線，則下列敘述何者正確？



(A) $b+c > 0$ (B) $a+c > 0$ (C) $a=1$ (D) $c=-1$ (E) $0 < \log_b a < 1$

三、混合題：請在答案卷上詳細作答第(2)、(3)題（必須寫出計算過程或作圖或說明）才給分，共 16 分。

若 $2^A = \log_{\frac{1}{2}} A$ ， $(\frac{1}{2})^B = \log_2 B$ ， $2^C = (\frac{1}{2})^C$ ， $(\frac{1}{2})^D = \log_{\frac{1}{2}} D$ ， $\log_2 E = \log_{\frac{1}{2}} E$ ，

(1) 下列哪些選項是正確的？（多選）_____ 6 分

(A) $y = 2^x$ 與 $y = (\frac{1}{2})^x$ 的圖形對稱於 Y 軸

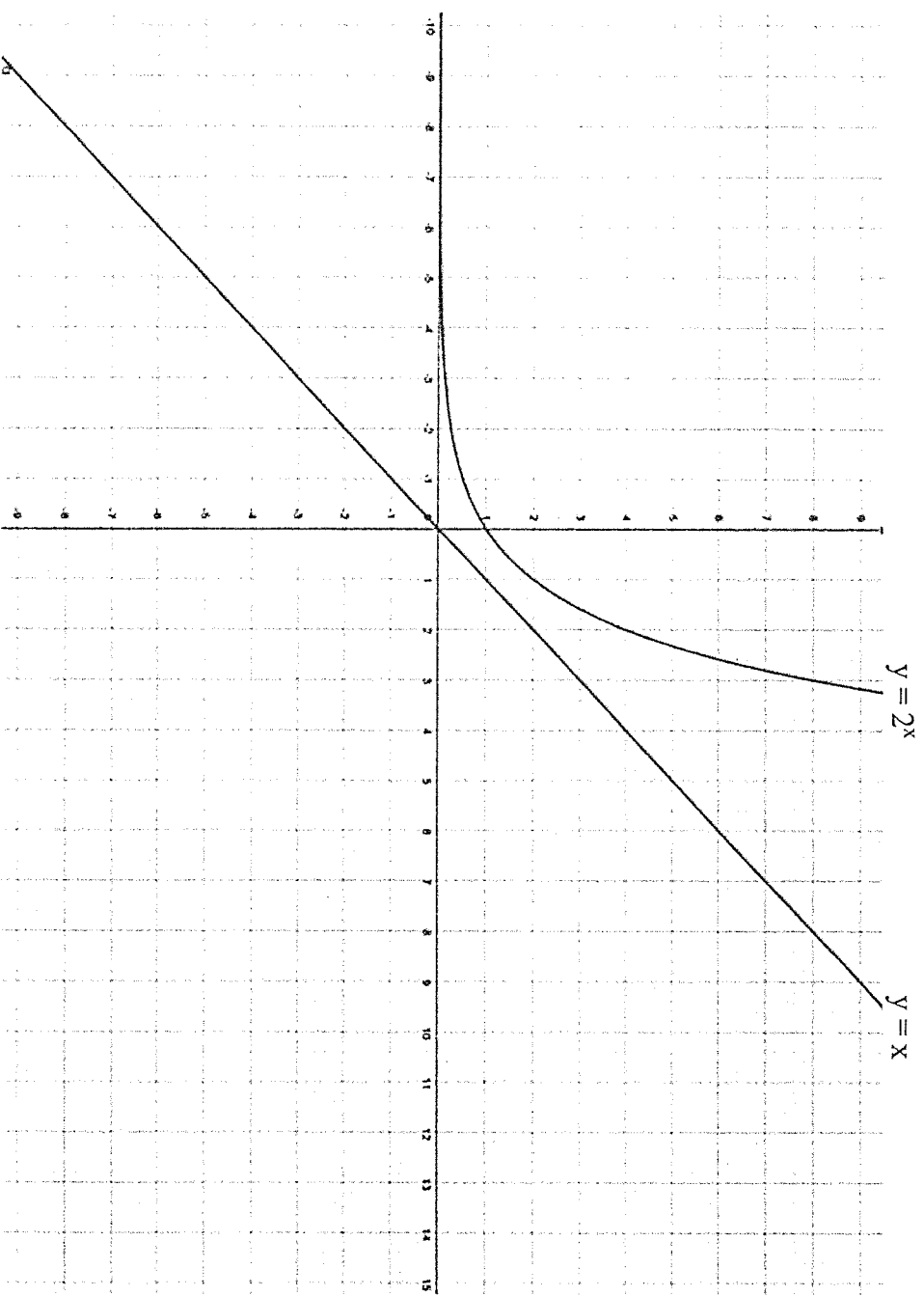
(B) $y = 2^x$ 與 $y = \log_{\frac{1}{2}} x$ 的圖形對稱於直線 $y = x$

(C) $y = \log_2 x$ 與 $y = \log_{\frac{1}{2}} x$ 的圖形對稱於 X 軸

(D) 若 P 、 Q 是 $y = \log_{\frac{1}{2}} x$ 的圖形上相異兩點，則直線 PQ 的斜率必為正數

(E) 若函數 $y = 2^x$ 與直線 $y = 2x$ 有交點，則函數 $y = \log_2 x$ 與直線 $y = \frac{1}{2}x$ 必有交點

(2) 繪圖：請利用對稱的特性或描點作圖，並寫上所對應的函數；每個函數圖形 2 分，共 6 分。



(3) 請利用 (2) 的圖形求出 A, B, C, D, E 的大小關係。 4 分

考試範圍：數學三 A 指對數函數

科目代碼：

座號： 姓名：

注意：1. 請使用藍色或黑色墨水的筆在答案卷上作答才給分，作圖題可使用鉛筆作答。

2. 答案要化為最簡式，如：不能以 $\frac{1}{\sqrt{2}}$ 作答，必須有理化為 $\frac{\sqrt{2}}{2}$ ； $\frac{6}{4} = \frac{3}{2}$ ， $2^2 = 4$ ， $\sqrt{16} = 4$ ，

$$\log_3 8 = 3 \log_3 2 \text{ 作答。}$$

一、填充題：第 5 題，每格 2 分，第 8 題，每格 3 分，其餘每題 6 分；共 48 分。

1. _____ 2. _____ 3. _____ 4. _____

5. $a =$ _____, $b =$ _____, $c =$ _____ 6. _____

7. _____ 8. $M =$ _____, $m =$ _____

二、多重選擇題：每題 6 分，共 36 分；答錯 1 個選項得 4 分，答錯 2 個選項得 2 分，答錯 3 個（含）選項以上或未作答得 0 分。

1. _____ 2. _____ 3. _____ 4. _____

5. _____ 6. _____

三、混合題：請在答案卷上詳細作答第(2)、(3)題（必須寫出計算過程或作圖或說明）才給分，共 16 分。

$$\text{若 } 2^A = \log_{\frac{1}{2}} A, \quad \left(\frac{1}{2}\right)^B = \log_2 B, \quad 2^C = \left(\frac{1}{2}\right)^C, \quad \left(\frac{1}{2}\right)^D = \log_{\frac{1}{2}} D, \quad \log_2 E = \log_{\frac{1}{2}} E,$$

(1) 下列哪些選項是正確的？（多選） _____ 6 分

(A) $y = 2^x$ 與 $y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ 的圖形對稱於 Y 軸

(B) $y = 2^x$ 與 $y = \log_{\frac{1}{2}} x$ 的圖形對稱於直線 $y = x$

(C) $y = \log_2 x$ 與 $y = \log_{\frac{1}{2}} x$ 的圖形對稱於 X 軸

(D) 若 P、Q 是 $y = \log_{\frac{1}{2}} x$ 的圖形上相異兩點，則直線 PQ 的斜率必為正數

(E) 若函數 $y = 2^x$ 與直線 $y = 2x$ 有交點，則函數 $y = \log_2 x$ 與直線 $y = \frac{1}{2}x$ 必有交點

< 背面有題請繼續作答 >

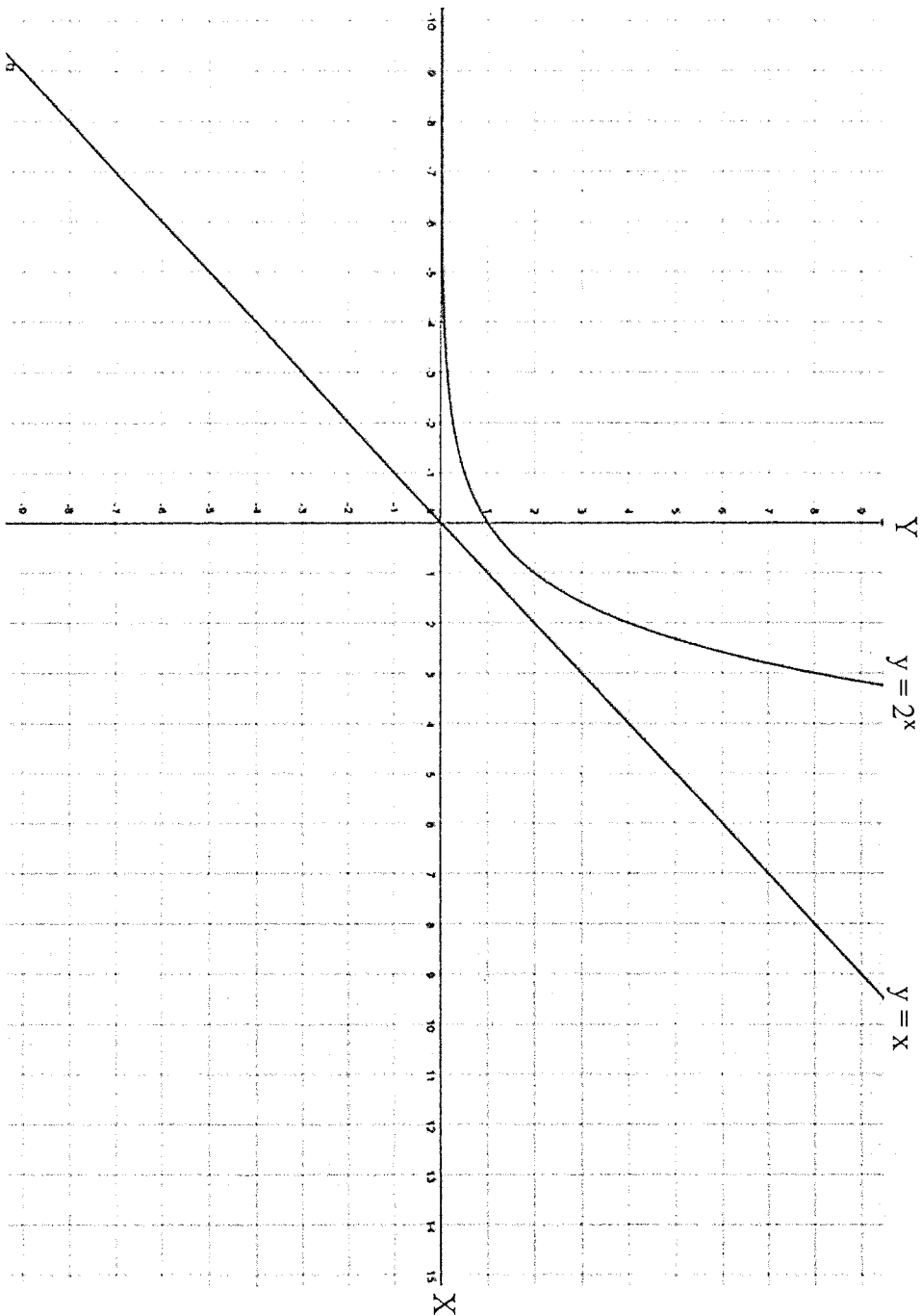
考試範圍：數學三 A 指對數函數

科目代碼：

座號： 姓名：

注意：請使用鉛筆作圖。

(2) 繪圖：請利用對稱的特性或描點作圖，並寫上所對應的函數；每個函數圖形 2 分，共 6 分。



(3) 請利用 (2) 的圖形求出 A, B, C, D, E 的大小關係。 4 分

*務必把答案寫在答案卷上,否則不予計分

一.單選題

1. 已知實係數方程式 $x^3 + ax^2 + bx - 6 = 0$ 有一根 $1+i$, 則下列何者亦是此方程式的根?

- (1) 2 (2) -2 (3) 3 (4) -3 (5) 6

2. 設 $z \in C$, 複數平面上滿足 $|z+i| = 2|z-1|$, 所有 z 所成的圖形為何?

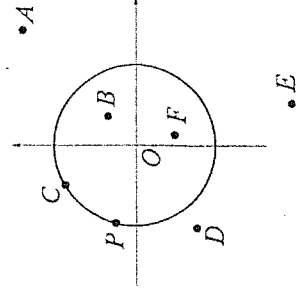
- (1) 圓 (2) 橢圓 (3) 拋物線 (4) 雙曲線 (5) 一直線

3. 設 $f(x)$ 為實係數五次多項式, 且 $f(1-i) = f(3+2i) = 0$, 則 $y=f(x)$ 與 x 軸有幾個交點?

- (1) 5 (2) 4 (3) 3 (4) 2 (5) 1

4. 若複數 z 在複數平面上對應的點 P 為圓 O 上的一點, 且已知圓 O 之半徑為 2, 如圖所示, 試求複數 $z \div (-1+\sqrt{3}i)$ 在複數平面上對應的點最有可能是哪一點?

- (1) A (2) B (3) C (4) D (5) E

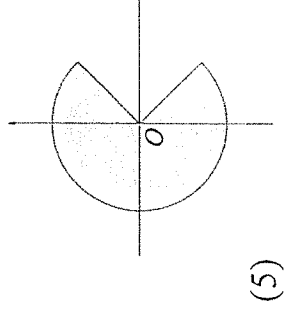
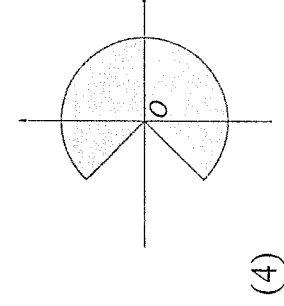
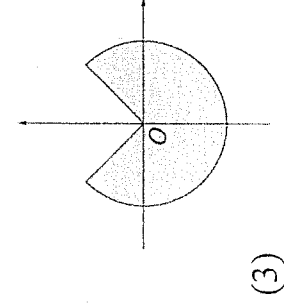
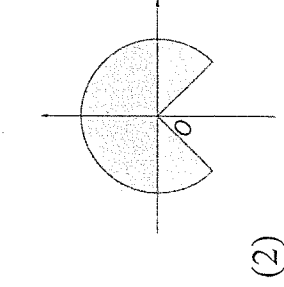
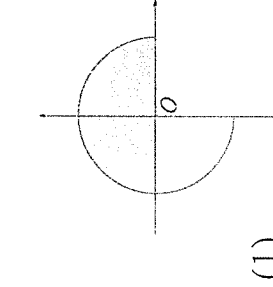
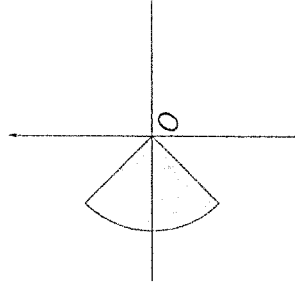


5. 右圖鋪色部分所示為複數平面上區域

$$A = \{ z \mid z = r(\cos \theta + i \sin \theta), 0 \leq r \leq 1, \frac{3\pi}{4} \leq \theta \leq \frac{5\pi}{4} \}$$

之略圖, 令 $B = \{ w \mid w = z^3, z \in A \}$, 試問下列選項中

的略圖, 何者之鋪色部分與區域 B 最接近?



6. 設 a 為實數, $x^2 - ax + 2a^2 + 1 = 0$ 之根為何?

(1)相異兩實根 (2)相等兩實根 (3)兩共軛虛根 (4)兩有理根 (5)兩無理根.

二. 多重選擇題(至少有一個正確答案)

1. 在複數平面上, 已知有四個點: 原點 O , $A(1 - 2i)$, $B(3 - i)$, $C(2 + i)$, 則下列哪些選項敘述正確?

(1) $\overline{OA} = \sqrt{5}$ (2) $\overline{BC} = \sqrt{5}$ (3) $\overline{OA} \parallel \overline{CB}$ (4) $\overline{OA} \perp \overline{OC}$ (5) 四邊形 $OABC$ 為正方形.

2. 複數平面上, 一圓的圓心為原點、半徑為 2, 下列哪些複數會在此圓上?

(1) $-3 + i$ (2) $-\sqrt{3} + i$ (3) $-i - 1$ (4) $5^{\frac{4}{5} + \frac{3}{5}i}$ (5) $2i$

3. 已知 5 及 $1 + 2i$ 為實係數方程式 $x^3 + ax^2 + bx + c = 0$ 之二根, 試選出正確的選項.

(1) 另一根為 $1 - 2i$ (2) $a + b + c = -10$ (3) $a = 7$ (4) $b = 15$ (5) $c = 25$.

三. 填充題

1. 求在複數平面上, 以 $7 + 7i$, $1 - i$, 8 為頂點的三角形面積

2. $i^{121} + i^{122} + i^{123} + \dots + i^{888} = ?$

3. 設 $z = 3 - 2i$, $w = 4 + 3i$, 試將下列各式化成 $a + bi$ (a, b 均為實數) 的形式. (1) $\overline{z - w}$. (2) $\frac{\overline{z}}{\overline{w}}$

4. 若 $z = \frac{(-2+3i)(3-4i)(5-2i)}{(2-3i)(-5-2i)(6+8i)}$, 試求 $|z|$.

5. 解方程式 $x^3 - 3x^2 + 3x - 1 = 0$

6. 試求 $(-1+\sqrt{3}i)^{-6}$ 的值.

7. $\frac{(-\cos 172^\circ + i \sin 8^\circ)^6 (\sin 78^\circ + i \cos 78^\circ)^8}{(\sin 96^\circ + i \sin 6^\circ)^4} = ?$

四. 計算題

- (1) 寫出 1 的所有 8 次方根.
- (2) 將 1 的所有 8 次方根標示於複數平面上, 並將各對應點連接成多邊形.
- (3) 承(2), 求此多邊形的面積.

班級：_____ 姓名：_____：座號：_____

一. 單選題每題 5 分

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

二. 多重選擇題(至少有一個正確答案)每題 6 分,錯 1 個 3 分,錯 2 個 1 分,其餘不給分

1	2	3
---	---	---

三. 填充題

1	2	3(1)	3(2)	4	5
6	7				

四. 計算題(請寫出詳細計算過程,若需圖形說明,請畫出圖形)

1. 寫出 1 的所有 8 次方根
2. 將 1 的所有 8 次方根標示於複數平面上,並將各對應點連接成多邊形.

3. 承(2), 求此多邊形的面積.

*務必把答案寫在答案卷上,否則不予計分

一.單選題

1. 已知實係數方程式 $X^3 + aX^2 + bX - 6 = 0$ 有一根 $1+i$, 則下列何者亦是此方程式的根?

(1) 2 (2) -2 (3) 3 (4) -3 (5) 6

2. 設 $f(x)$ 為實係數五次多項式, 且 $f(1-i) = f(3+2i) = 0$, 則 $y=f(x)$ 與 x 軸有幾個交點?

(1) 5 (2) 4 (3) 3 (4) 2 (5) 1

3. 設 a 為實數, $x^2 - ax + 2a^2 + 1 = 0$ 之根為何?

(1) 相異兩實根 (2) 相等兩實根 (3) 兩共軛虛根 (4) 兩有理根 (5) 兩無理根.

二. 多重選擇題(至少有一個正確答案)

1. 已知 5 及 $1+2i$ 為實係數方程式 $x^3 + ax^2 + bx + c = 0$ 之二根, 試選出正確的選項.

(1) 另一根為 $1-2i$ (2) $a+b+c=-10$ (3) $a=7$ (4) $b=15$ (5) $c=25$.

2. 下列何者正確?

(1) 一袋中有 6 顆球, 其中 3 顆紅球, 3 顆黃球. 從袋中任取一球, 取後放回, 每一球被取出的機率相等, 連取三次. 令 X 表示三次取球中紅球出現的次數, 則 X 是一隨機變數.

(2) 已知投擲一標示 2, 4, 6, 8 點的公正四面體骰子, 底面出現點數的期望值為 μ , 則投擲一標示 1, 2, 3, 4 點

的公正四面體骰子, 底面出現點數的期望值為 $\frac{\mu}{2}$.

(3) 已知投擲一標示 2, 4, 6, 8 點的公正四面體骰子, 底面出現點數的變異數為 σ^2 , 則投擲一標示 1, 2, 3, 4

點的公正四面體骰子, 底面出現點數的變異數為 $\frac{\sigma^2}{4}$.

(4) 已知投擲一標示 2, 4, 6, 8 點的公正四面體骰子, 底面出現點數的標準差為 σ 則投擲一標示 1, 2, 3, 4 點

的公正四面體骰子, 底面出現點數的標準差為 $\frac{\sigma}{2}$.

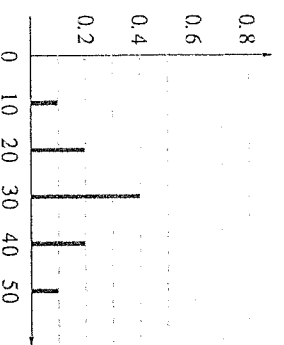
(5) 設發行一彩券, 若其彩金的期望值為 5 元, 表示如果你一個人就把所有彩券都買光了, 平均每買一張彩券可得彩金 5 元.

3. 已知隨機變數 X, Y, Z, W, T 的機率質量函數圖分別如下(a), (b), (c), (d), (e)所示, 期望值分別為 $E(X), E(Y),$

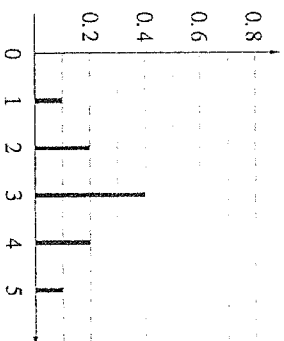
$E(Z), E(W), E(T)$, 變異數分別為 $\text{Var}(X), \text{Var}(Y), \text{Var}(Z), \text{Var}(W), \text{Var}(T)$, 標準差分別為 $\sigma_X, \sigma_Y, \sigma_Z, \sigma_W, \sigma_T$. 試問下

列哪些敘述正確?

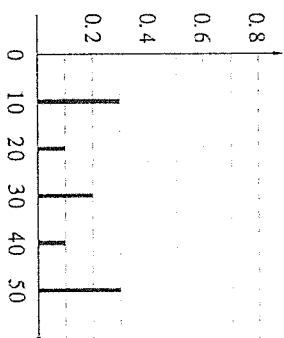
- (1) $E(X)=10, E(Y)$ 且 $\sigma_X=10\sigma_Y$
- (2) $E(X) = E(Z)$
- (3) $E(W) < E(Z) < E(T)$
- (4) $\text{Var}(Z) > \text{Var}(W) > \text{Var}(X)$
- (5) $\text{Var}(T) = \text{Var}(W)$.



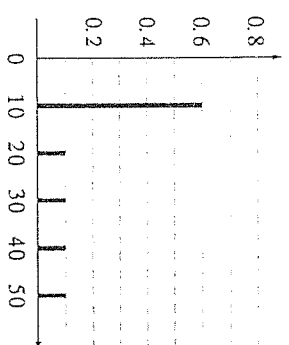
(a) 隨機變數 X



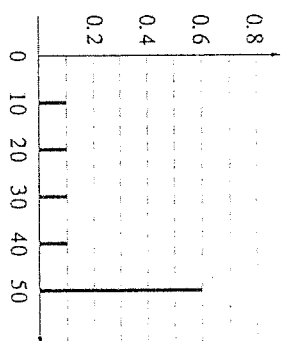
(b) 隨機變數 Y



(c) 隨機變數 Z



(d) 隨機變數 W



(e) 隨機變數 T

三. 填充題

1.. 解方程式 $x^3 - 3x^2 + 3x - 1 = 0$

2. 袋中有 10 枚硬幣, 其中 4 個 10 元, 3 個 5 元, 其他 3 枚同幣值, 若從袋中一次取出兩枚硬幣的期望值為 11.6 元, 則其他三枚的幣值為何?

3. 老張向全安保險公司投保一年期的人壽險, 保額為 100 萬元, 保費 2400 元. 若由經驗生命表 TSO 知道與老張同年齡的人一年內死亡的機率為 0.002, 則全安保險公司獲利的期望值為何? (不考慮公司行政成本)

4. 設 α 與 β 為方程式 $x^2 + 2x + 4 = 0$ 的兩根, 試求 $\alpha^3 + \beta^3$ 的值.
5. 試求一個含有 $2 + i$ 這個根, 而且次數最低的實係數多項方程式(其領導係數為 1).
6. 設三次方程式 $x^3 - 17x^2 + 32x - 30 = 0$ 有兩複數根 $a + i, 1 + bi$, 其中 a, b 為實數, 試求其實根.
7. 附列表格為投擲一顆不均勻骰子的機率函數, 隨機變數 X 表骰子的點數, 則 $a = ?$
- | | | | | | | |
|-----------|----------------|---------------|-----|---------------|---------------|---------------|
| $X = x_i$ | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| $f(x_i)$ | $\frac{1}{18}$ | $\frac{1}{9}$ | a | $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{9}$ | $\frac{1}{6}$ |
8. 擲一均勻硬幣兩次, 每出現一個正面得 50 元, 一個反面賠 20 元, 設隨機變數 X 為所得金額, 機率函數為 $P(X = x)$, 試求: $P(X = 100) = ?$
9. 設 $a \in \mathbb{R}$, 且方程式 $4x^2 - (3a + i)x + a - i = 0$, 有一實根 m , 另一根為虛根 n , 試求 m, n .

四. 計算作圖題

一箱子內有 9 個燈泡, 其中有 4 個是壞的. 如今隨機取出 3 個, 設隨機變數 X 是取出的燈泡中壞燈泡的個數, (1)試寫出隨機變數 X 的機率質量函數.(2) 繪出其機率質量函數圖.

班級： _____ 姓名： _____ : 座號： _____

一. 單選題每題 5 分

1	2	3
---	---	---

二. 多重選擇題(至少有一個正確答案)每題 6 分,錯 1 個 3 分,錯 2 個 1 分,其餘不給分

1	2	3
---	---	---

三. 填充題

1	2	3	4	5	6
6	7	8	9		

四. 計算題(請寫出詳細計算過程,若需圖形說明,請畫出圖形)

一箱子內有 9 個燈泡, 其中有 4 個是壞的. 如今隨機取出 3 個, 設隨機變數 X 是取出的燈泡中壞燈泡的個數,
(1)試寫出隨機變數 X 的機率質量函數.(12 分)

(2) 繪出其機率質量函數圖. (5 分)

